

## C1 : Échanges d'énergie dans un $\Sigma$ en réaction chimique

Objectif: caractériser ces échanges causés par 1 réac° chimique.

### D) Description d'un $\Sigma$ physico-chimique

Échanges possibles à travers l'enveloppe : Energie ( $W$  ou  $Q$ )  
Matière

Convention : travail reçus :  $W > 0$

travail fournis :  $W < 0$

$\Sigma$  isolé :  $\emptyset$  d'échange d'énergie et de matière

$\Sigma$  fermé :  $\emptyset$  d'échange de matière

$\Sigma$  ouvert : échange les 2.

Caractéristiq° d'un  $\Sigma$ :

- nature des constituants
- état physique
- $P, T + \text{compos. de chq phase}$

Grandeurs intensives : indépendantes de  $n$   
extensives : dépendantes de  $n$ .

Gdeur d'état : donne 1 info sur le  $\Sigma$

Var. d'état : nbre restreint de gdeurs livrant 1 info suffisante.

Fonc° d'état :  $f \in \text{Var. d'état}$ )

Équa° d'état :  $PV = MRT$ .

Condi° standard :  $* P^0 = P_{\Sigma \text{ standard}} = 1 \text{ bar}$

$* T$  dans les condi° standard =  $T_{\Sigma \text{ réel}}$

$* c^0 = 1 \text{ mol. L}^{-1}$  (se comporte comme 1 solu° diluée)

$* \text{état } q_g \text{ standard.}$

Etat standard de référence d'un élément : état standard du corps pur simple, associé à l'élément, stable à  $T$ , sous  $P^0$



$H \rightarrow H_2(g)$

$N \rightarrow N_2(g)$

$O \rightarrow O_2(g)$

$Cl \rightarrow Cl_2(g)$

$C \rightarrow C \text{ (c, graphite)}$

## II) Transformation de $\Sigma$ physico-chimique

Transformation: État initial  $\rightarrow$  État final

Bilan: "Arrivée - Départ"

Rappel des  $T_c$ :

$$\begin{array}{ll} \text{- MonoT} & : T_{\text{ext}} = \text{cte} \\ \text{- IsoT} & : T_{\Sigma}^{\text{EI}} = T_{\Sigma}^{\text{EF}} \\ \text{- MonoP} & : P_{\text{ext}} = \text{cte} \\ \text{- IsoP} & : P_{\Sigma}^{\text{EI}} = P_{\Sigma}^{\text{EF}} \end{array}$$

$$\text{IsoV} : V_{\Sigma}^{\text{EI}} = V_{\Sigma}^{\text{EF}}$$

$T_{\text{physique}}$ : Ø changement de la nature des (compo. globale du  $\Sigma$  con- espèces servée)

$T_{\text{chimique}}$ : Réac° chimiq + changem° de la na- ture des espèces.

Variation de grandeurs d'état

$$\Delta_{1 \rightarrow 2} T_x = T_x^{(2)} - T_x^{(1)} \rightarrow \text{INDÉPENDANT DU CHEMIN SUIVI.}$$

But de la TC: prendre le chemin le + simple.

1<sup>er</sup> PRINCIPE de la THERMODYNAMIQUE pour un  $\Sigma$  macroscopique au repos. Pour tout  $\Sigma$ , il existe une fonction d'état extensive notée  $U$  appelée énergie interne, tq pour un  $\Sigma$  fermé :

$$\Delta U = W + Q$$

$$dU = \delta W + \delta Q$$

Enthalpie: Gdeur énergétique CONSTRUITE pour simplifier l'étude de  $\Sigma$  en  $T_c$  et  $P_c$  ou mon

## III) Lien les grandeurs énergétiques et réac° chimiq.

Avancement :  $\xi(t) = \frac{n_i^{(t)} - n_i^{(E)}}{V_i}$

Gdeurs molaires et de réac°: comment les grandeurs d'état ext. se modifient avec la compo. du  $\Sigma$  varié ?  
 $\Rightarrow$  on dérive les GE par rapport à  $n$ .

Soit  $Z$  une GE ext.,  $Z_m$  la gdeur molaire associée.

Corps pur

$$Z_m = \left( \frac{\partial Z}{\partial n} \right)_{T, P}$$

Mélange de composés  $\Sigma$

$$Z_{m,i} = \left( \frac{\partial Z}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_j \neq i}$$

Identité d'Euler

$$Z = \sum_i n_i Z_{m,i}$$

Grandeur de réaction

Z grandeur d'état extensive

$$\Delta_r Z = \left( \frac{\partial Z}{\partial \xi} \right)_{T, P} \quad \text{et} \quad \Delta_r Z = \sum_i v_i Z_{mi}$$

En standard

$$\Delta_r Z^\circ = \sum_i v_i Z_{mi}^\circ \quad \text{et} \quad \Delta_r Z^\circ = \left( \frac{\partial Z}{\partial \xi} \right)_\circ$$

Grandeur molaire partielle standard relative au composé i :

$$Z_{mi}^\circ = \left( \frac{\partial Z_{mi}^\circ}{\partial n_i} \right)_{T, n_j \neq i}$$

$$\text{On peut écrire : } \int_{EI}^{EF} \Delta_r Z^\circ d\xi = \Delta_r Z^\circ \int_{EI}^{EF} d\xi = \Delta_r Z^\circ.$$

Justific° : Les grandeurs "°" des le  $\Sigma^\circ$  se comportent comme des corps pur en juxtaposition $\Rightarrow \Delta_r Z^\circ$  indépendant de la compos° du  $\Sigma$ .Peu d'écart entre  $H^\circ$  et  $H_{\text{réel}}$  et  $V^\circ$  et  $V_{\text{réel}}$ , on admet donc que  $H^\circ \approx H_{\text{réel}}$  et  $V^\circ \approx V_{\text{réel}}$ 

Bilan :

 $\Sigma^\circ$  $\Sigma_{\text{réel}}$ 

$$\Delta_r Z^\circ = \sum_i v_i Z_{mi}^\circ$$

$$\Delta_r Z = \sum_i v_i Z_{mi}$$

$$\Delta Z^\circ = \xi \Delta_r Z^\circ$$

$$\Delta Z \neq \xi \Delta_r Z$$

EXCEPTIONS :  $\Delta H = \xi \Delta_r H^\circ = Q_p$  à  $T = \text{cte}$ 

$$\Delta V = \xi \Delta_r V^\circ = Q_V \quad \text{a}$$

A retenir :  $\Delta_r H^\circ(T) = \Delta_r V^\circ(T) + RT \sum_{\text{igaz}} v_i$  (Espaces g IMPORTANTES)

Capacité calorifique à  $X$  constant : énergie à fournir au  $\Sigma$ , à  $X$  constant, pour augmenter sa température d'1 K.

$$c_V = \left( \frac{\partial U}{\partial T} \right)_{V, m_i}$$

$$c_P = \left( \frac{\partial H}{\partial T} \right)_{P, m_i}$$

Ideem en molaire : on feraint l'énergie à 1 mol du  $\Sigma$ .

$$c_{V, m_i} = \left( \frac{\partial c_V}{\partial m_i} \right)_{T, V, m_j \neq i}$$

$$c_{P, m_i} = \left( \frac{\partial c_P}{\partial m_i} \right)_{T, P, m_j \neq i}$$

Types de réactions à connaître :

$m_i \Delta_f H^\circ (i, T) \rightarrow$  CHANGEMENT D'ÉTAT ( $\mathcal{C}$  = fus, sub, vap)

on met un - si la transforma° se fait  
dans l'autre sens.

$\sum \Delta_r H^\circ (T) \rightarrow$  RÉACTION CHIMIQUE

On indique toujours l'équation de la réac°

$$\int_{T_1}^{T_2} \sum_i m_i c_{P, m_i} dT \longrightarrow$$

CHANGEMENT DE TEMPÉRATURE

⚠ aux quantités de matière et aux états physiques des espèces lors de l'utilisation des  $c_{P, m}$ .

Calcul d'un  $\Delta_r H^\circ (T)$  à partir des  $\Delta_f H^\circ$ :

$$\Delta_r H^\circ (T) = \sum_i n_i \Delta_f H^\circ (A_i, T)$$

Si les espèces sont ds leur état° de ref,  
 $\Delta_f H^\circ = 0$ .

A retenir : *Così EXO*

$$\Delta H = \Delta p = \begin{cases} \Delta rH^\circ(T) & \text{Così EXO} \\ > 0 & \\ < 0 & \end{cases}$$

$> 0$  si  
ENDO

Réactifs  $\rightarrow$  Produits

*Così EXO*  
 $> 0$  si ENDO

→ modélisées par → modélisées par adiabatiques :

Adiabatique + IsoV = Explosion  $\rightarrow T_{\max} = T_{\text{explosion}}$

Adiabatique + IsoP  $\Rightarrow T_{\max} = T_{\text{flamme}}$

Loi de KIRCHHOFF :

$$\Delta rH^\circ(T_2) = \Delta rH^\circ(T_1) + \int_{T_1}^{T_2} \Delta rG^\circ \, dT$$

Loi valable seulement en l'absence de changement d'état

$$\Delta rG^\circ = \sum_i v_i G^\circ_{m,i}$$

Si  $\Delta rG^\circ = \text{cte}$ , on peut écrire  $\Delta rH^\circ(T_2) = \Delta rH^\circ(T_1) + \Delta rG^\circ \left[ \frac{T_1}{T_2} - 1 \right]$ .

- Il existe 2 modèles courants :
  - Approximation d'ELLINGHAM :  $\Delta rG^\circ(0) = \text{cte} = 0$   
 $\rightarrow$  "L'enthalpie standard de réaction est indépendante de la température"
  - Modèle "affine"  $\Delta rG^\circ(T) = \text{cte} \neq 0$ .

## Chapitre 2: Evolution spontanée d' $1\Sigma$ en réac° Iq.

**2<sup>nd</sup> PRINCIPE de la THERMODYNAMIQUE:** Pour tout  $\Sigma$  fermé, il existe une fonction d'état extensive appelée entropie ( $S$  en  $J \cdot K^{-1}$ ) telle que

$$dS = \delta S_e + \delta S_c$$

$$\Delta S = S_e + S_c$$

Rmq:  $\delta S_e = \frac{\delta Q}{T_{ext}}$

$\delta S_c = 0$  si reversible.

$\delta S_e = 0$  si quelconque d'un  $\Sigma$  isolé.

$\Delta S = S_c$  si adiabatique

$\Delta S = 0$  si isentropique

Potentiel thermodynamique pour des  $\Sigma$  en réac° Iq.

$\mathcal{C}_{isoV, monoT, \emptyset W}$  utile

$\mathcal{C}_{monoP, monoT, \emptyset W}$  utile

$\rightarrow F^\circ = U - T_{ext} S$

$G^\circ = U + P_{ext} V - T_{ext} S$

$F = U - T \Sigma S$  (ENERGIE LIBRE)

$G = H - T \Sigma S$  (ENTHALPIE LIBRE)

Si eq. thermo-méca, alors  $F =$  potentiel thermo

Si on est l'1<sup>e</sup> état thermo-méca,  $G$  est LA fit pour l'étude du  $\Sigma$  Iq.

Identités thermo: A connaitre! (Valables pour un  $\Sigma$  fermé et une compo invariante)

$$dU = TdS - PdV \quad dF = -PdV - SdT$$

$$dH = TdS + Vdp \quad dG = Vdp - SdT$$

## Relation de Gibbs - Helmholtz

$$\left( \frac{\partial G/T}{\partial T} \right)_P = -\frac{H}{T^2}$$

Potentiel chimique : grandeur nécessaire pour privier l'évolu° d' $1\Sigma$  liée à la réac°  $\chi_q$ .

$$\mu_i = \left( \frac{\partial G}{\partial n_i} \right)_{T, P, n_j \neq i} = G_{m,i}(T, P, n_j \neq i)$$

$$G = \sum_i n_i \mu_i \quad (\text{Identité d'Euler}) \quad G = \text{grandeur extensive.}$$

$$dG = VdP - SdT + \sum_i \mu_i dn_i$$

$$dU = TdS - PdV + \sum_i \mu_i dn_i$$

$$dF = -PdV - SdT + \sum_i \mu_i dn_i$$

$$dH = TdS + VdP + \sum_i \mu_i dn_i$$

$\square$  : COMPO FIXE

Expression du potentiel chimique :

$$\mu_i(T, P, n_j) = \mu_i^\circ + RT \ln \alpha_i$$

$$\mu_i(T, P, g_i) = \mu_i^\circ + RT \ln \gamma_i$$

Lai de Raoult pour une solution liquide de  $N$  composants :

$$P = \sum_{i=1}^N P_i \quad \text{avec } P_i = x_i \times P_i^{\text{sat}}$$

$P$ : Pression totale du mélange

$x_i$ : fraction molaire de  $i$  dans le mélange

$P_i^{\text{sat}}$ : pression de vapeur saturante de  $i$  sur

$\stackrel{i}{\text{at}}$

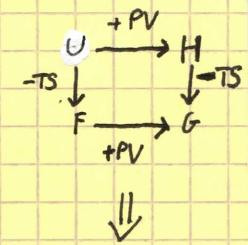
Chaque constituant doit vérifier 2 rela° qui impliquent que le liq. et sa vap. sont des solu° idéales :

$$\mu_{i(\text{liq})}(T, P, x_i) = \mu_{i(\text{liq})}^*(P, T) + RT \ln x_i$$

$x_i$  = frac° molaire de  $i$  ds la  $\varphi$  liq.

$$\mu_{i(\text{vap})}(T, P, y_i) = \mu_{i(\text{vap})}^*(P, T) + RT \ln y_i$$

$y_i$  = frac° molaire de  $i$  ds la  $\varphi$  vap.



Variable si :  $\Sigma$  fermé + compo invariable

Loi de Henry : Rela° entre  $P_i$  et la fraction molaire  $x_i$  (cl) dans un solvant:

$$P_i = x_i^L \cdot H_i$$

$H_i$  : cte de la loi de Henry spécifique au gaz.

Cette loi mesure la solubilité d'un gaz dans un solvant liquide avec lequel ce gaz est en contact.

$$\Delta_r G = \sum_i v_i \mu_i$$

$$\Delta_r G^\circ = -RT \ln K$$

$$\Delta G = \int_{\xi_1}^{\xi_2} \Delta_r G d\xi.$$

$$\text{D'où : } \Delta_r G(T) = \Delta_r G^\circ CT + RT \ln Q$$

Relation de Gibbs-Duhem:  $VdP - SdT = \sum_i n_i d\mu_i$

Dém:  $dG = VdP - SdT + \sum_i \mu_i dn_i = \sum_i \mu_i dn_i + \sum_i n_i d\mu_i$

Rappel sur les unités:

$$G : \text{J} \rightarrow G_m (\text{en } \mu) : \text{J. mol}^{-1}$$

$$H : \text{J}$$

$$S : \text{J.K}^{-1} \rightarrow S_m : \text{J. mol}^{-1} \text{K}^{-1}$$

$$U : \text{J.}$$

$$F : \text{J. mol}^{-1}$$